

## EDO de Ordem 3

Preciso resolver a seguinte equação diferencial:

$$a_3 \frac{dy^3}{dt^3} + a_2 \frac{dy^2}{dt^2} + a_1 \frac{dy}{dt} + a_0 y = k.u$$

## EDO de Ordem 3

Isolando  $\frac{dy^3}{dt^3}$  :

$$\frac{dy^3}{dt^3} = - \frac{a_2}{a_3} \frac{dy^2}{dt^2} - \frac{a_1}{a_3} \frac{dy}{dt} - \frac{a_0}{a_3} y + \frac{k.u}{a_3}$$

Agora faço a transformação de variáveis:

$$y(1) = y$$

$$y(2) = dy/dt$$

$$y(3) = dy^2/dt^2$$

A EDO de 3ª ordem pode então ser escrita como um sistema de 3 equações diferenciais:

$$dy(1)=y(2);$$

$$dy(2)=y(3);$$

$$dy(3)=(-(a2/a3)*y(3))-((a1/a3)*y(2))-((a0/a3)*y(1))+((k/a3)*u);$$

## EDO de Ordem 3

Um exemplo prático:

### Programa Principal:

```
% Definição das constantes do modelo
```

```
a0 = 1;
```

```
a1 = 2;
```

```
a2 = 10;
```

```
a3 = 10;
```

```
k = 0.75;
```

```
u = 1000;
```

```
% Tempo de simulação
```

```
t = 0.0 : 0.01 : 10.0; % h
```

```
% Simulação do modelo
```

```
[t,y]=ode45('dydt',t,[0 0 0],[a0 a1 a2 a3 k u]);
```

```
% Visualização da simulação
```

```
figure(1);
```

```
plot(t,y);
```

Um exemplo prático:

Função dydt:

```
function dy = dydt(t,y,flag,par);
```

```
a0 = par(1);
```

```
a1 = par(2);
```

```
a2 = par(3);
```

```
a3 = par(4);
```

```
k = par(5);
```

```
u = par(6);
```

```
dy(1)=y(2);
```

```
dy(2)=y(3);
```

```
dy(3)=(-(a2/a3)*y(3))-((a1/a3)*y(2))-((a0/a3)*y(1))+((k/a3)*u);
```

```
dy = dy(:);
```